

## انتقال الموجات واطئة التردد في البلازما المغبرة الممغنطة

د. حامد حافظ مرعي\*

تاریخ قبول النشر 2008/3/24

### الخلاصة:

تم القيام بنمذجة عدديّة لدراسة الأمواج واطئة التردد في البلازما المغبرة باخذ حالتين خاصتين لاتجاه انتشارها فيما يخص المجال المغناطيسي هما: عندما يكون الانتشار بموازاة المجال  $K//B$  ويدعى بالنمط الصوتي، والثانية عندما يكون الانتشار عمودي على المجال  $K \perp B$  ويدعى بالنمط السايكلوتروني، فضلاً عن ذلك فإن كلً من النمطين يقسم على نمطين اعتماداً على مدى الترددات. تمت دراسة معامل ترابط كولوم  $\Gamma$  مع كلٍ من درجة الحرارة  $T$  وكثافة حبيبات الغبار  $n_d$  وكذلك شحنة الحبيبات  $Q_d$ .

وقد درست الأمواج واطئة التردد في البلازما المغبرة بوجود حبيبات غبار سالبة الشحنة. ولوحظ إن وجود غبار مشحون يؤدي إلى تحويل أمواج الأيون الصوتية وأمواج سايكلوترون أيون الالكتروستاتيكية من خلال شرط التعادل. على الرغم من أن حبيبات الغبار لا تشارك في حركيات الموجة. وعند الأخذ بنظر الاعتبار حركيات حبيبات الغبار في التحليلات تظهر أنماط الغبار الموجية.

### 1- المقدمة:

تعد البلازما على نحو عام مجمعاً من الأيونات والإلكترونات ، ولكن البلازما في الحقيقة وفي أحيان كثيرة تحتوي على جسيمات دقيقة تدعى بالغبار، وتدعى مثل هذه البلازما بالبلازما المغبرة "dusty plasma". إن جسيمات الغبار في البلازما هي جسيمات غير مألوفة بالمقارنة مع بقية مكونات البلازما فحجمها يتراوح بين جزء من المايكلرون إلى عدة مايكرونات وكللتها وشحنتها تتدرج لمدى واسع، فكتلتها تبلغ ( $10^{-15} \text{ gm}$ ) وشحنتها هي  $q_d$  (Salimullah; 1999)

وقد ازداد الاهتمام في موضوع البلازما المغبرة ; Bliokh;1995, Spitzer ; Kou; 2000 (Northrop,1992 1978,Shukla;1992, Mendis and Goertg; 1989 Rosenberg;1994;(Northrop,1992 بسبب تطبيقاتها الواسعة في مجال الفضاء والفالك مثل السدم والغيوم الجزيئين والأوساط ما بين النجوم وفي المذنبات. فضلاً عن تطبيقاتها الصناعية والمختبرية كالقطش بالبلازما والإلكترونيات الدقيقة ، وربما يعد أحدث تطور في مجال البلازما المغبرة هو إمكانية تبلورها [Morfill et at 1998] مكونة ما يسمى ببليورات البلازما. وفيها تزرع حبيبات من الغبار وهي إما إن تذر من خارج البلازما او تتنمية في داخلها. وحبيبات الغبار هذه لها القابلية على كسب مقدار كبير من الشحنة السالبة مكونة ما يسمى بشبكة كولوم كما توقعها نظرياً الباحث (Ikezi; 1986) وقد عزاها إلى قدرة حبيبات الغبار على كسب عدد ضخم من الإلكترونات، وهذا يؤدي إلى ان يصبح معدل الطاقة الكامنة لحبيبات الغبار اكبر بكثير من معدل طاقتها الحركية. وهذا ينتج عنه تغير كبير في خصائص البلازما اذ تكون بلازما ذات تراتيزم شديد حتى في درجات الحرارة والكثافة الاعتيادية مع إن هذا النوع من البلازما لا يوجد إلا في ظروف غير اعتيادية من درجات حرارة منخفضة جداً وكثافات عالية جداً.

وتبدو البلازما بهذه الموصفات وكأنها بحالة سائلة او صلبة. وهنا تظهر مواد جديدة تماماً اذ يلاحظ انتقال طور الحالة والتركيب البلوري. وهذا يفتح مجالاً جديداً في دراسة فيزياء الحالة الصلبة مثل الانصهار والإحماء والعيوب البلورية.

ان الغرض من دراستنا هذه هي دراسة بعض الأمواج واطئة التردد في البلازما المغبرة، ومدى تأثير حبيبات الغبار على بعض الأنماط المعروفة في البلازما والأنماط الجديدة المتولدة

### 2- الترابط في البلازما المغبرة

#### (Coupling in Dusty Plasma)

إن النسبة بين الطاقة الكامنة إلى الطاقة الحركية للجسيمات تعطى بالعلاقة (Oliver; 2004) :

$$\Gamma = \frac{Q^2}{4\pi\varepsilon_0 K_b T_p b} \quad (1)$$

اذ:  $\Gamma$  = معامل ترابط كولوم ،  $Q$  = شحنة الجسيمة ،  $\varepsilon_0$  = سماحة الفراغ ،  $K_b$  ثابت بولتزمان ،  $T_p$  = درجة حرارة الجسيمة،  $b$  = المسافة ما بين الجسيمات وتعطى بالعلاقة:

$$b = \left( \frac{3}{4\pi n} \right)^{1/3} \quad \text{اذ } n \text{ كثافة الجسيمات.} \quad \text{ولقد وجد بأنه}$$

عندما تزيد  $\Gamma$  عن قيمة حرجة  $\Gamma_c$  ( $\Gamma_c = 178$ ) يكون هناك انتقال في طور الحالة وتحول حالة المادة الى الحالة الصلبة مكونة شبكة كولوم [Anderson, et al 1995]. وفي الظروف الاعتيادية وعندما تحوي البلازما على الكترونات وايونات فقط فان  $\Gamma_c >> \Gamma$ . فالبلازما ضعيفة الترابط هي التي يتحقق فيها الشرط  $\Gamma >> \Gamma_c$ . اذ إن ذرات الغبار بإمكانها ان تكتسب كمية كبيرة من الشحنة كما من سابقاً، فانه من الممكن لـ  $\Gamma$  ان تزيد عن  $\Gamma_c$  حتى في درجة حرارة الغرفة والكثافة الاعتيادية. وعندما تصبح  $\Gamma < \Gamma_c$  فإن البلازما تدخل منطقة الترابط الشديد وتصبح

$$\frac{\partial n_\alpha}{\partial t} + \nabla \cdot (n_\alpha V_\alpha) = 0 \quad (3)$$

$$n_\alpha m_\alpha \left[ \frac{\partial v_\alpha}{\partial t} + (v_\alpha \cdot \nabla) v_\alpha \right] = q_\alpha n_\alpha (E - v_\alpha \times B) \quad (4)$$

والأمواج واطنة التردد كالتي أفترضناها فإنه يمكن إهمال قصور الإلكترونون، وكذلك يمكن اخذ حركة الإلكترونون وهي فقط باتجاه B وهذا يعني ان الإلكترونات في توازن بولتزمان، أي ان :

( $K_b T_e = e n_e \nabla \Phi$ ) فضلا عن معادلتي الاستمرارية والزخم السابقتين و يستخدم شرط التعادل (المعادلة 2) في حالتي الاتزان والاضطراب كذلك. ولنفرض ان الاضطراب في الكميات حول موضع الاتزان هو بشكل:  $\exp[i(K_x x + K_z z - \omega t)]$  وبعد اجزاء التعويضات والعمليات الرياضية اللازمة نحصل على علاقة التشتت الآتية:

$$\frac{G}{\xi_i^2 - G} + \epsilon Z_d \mu_{i/d} \frac{H}{\xi_i^2 - \tau_{d/i} \mu_{i/d} H} - \tau_{i/e} (1 - \epsilon Z_d) = 0 \quad (5)$$

$$G = \left[ \frac{\xi_i^2}{\xi_i^2 - 1} \right] K_x^2 \rho_i^2 + K_z^2 \rho_i^2 \quad \text{اذ (5a)}$$

$$\rho_i = \frac{V_{ta}}{\Omega_{ci}} \quad \text{و نصف قطر التدويم}$$

$$H = \left[ \frac{\xi_i^2}{\xi_i^2 - (\xi_i / \xi_d)^2} \right] K_x^2 \rho_i^2 + K_z^2 \rho_i^2 \quad (5b)$$

علما ان

$$\mu_{i/d} = m_i / m_d, \quad \xi_d = \omega / \Omega_{cd}, \quad \xi_i = \omega / \Omega_{ci}$$

$$\epsilon = n_{do} / n_{io}, \quad \tau_{i/e} = T_i / T_e, \quad \tau_{d/i} = T_d / T_i$$

بحيث أنه وبعد استخدام المعادلة (2) نحصل على:

$$n_{eo} = (1 - \epsilon Z_d) n_{io}$$

والعلامة "0" الموجودة في اسفل كل كمية تعني ان هذه الكمية في حالة الاتزان (المربطة صفر) والكمية ( $\epsilon Z_d$ ) تمثل جزء الشحنة السالبة لكل وحدة حجم موجودة على الغبار. وهنالك حالتان خاصتان لانتشار الموجة وهي بموازاة المجال  $B//K$  وهو ما يسمى بالنطمو الصوتي والعمودي على المجال  $\bar{B} \perp \bar{K}$  الذي يسمى بالنطمو السايكلوتروني.

**2-الانماط الصوتية (Acoustic modes)** وهي على نوعين:

أ- نمط أيون غبار الصوتي ( $\omega$ )  
 $\text{dust ion acoustic mode (DIA)}$

وهو نمط الأيون الصوتي الاستمراري والممحور بوجود غبار ذي شحنة سالبة D'Angelo, 1990 , Shukla, 1992 (ويشكل الغبار في هذه الحالة كقاعدة ثابتة  $m_d \rightarrow 0$ ) ، ونحصل على علاقة التشتت الآتية

$$\frac{\omega}{K_z} = \left[ \frac{K_b T_i}{m_i} + \frac{K_b T_e}{m_i (1 - \epsilon Z_d)} \right]^{1/2} = C_{s,d} \quad (6)$$

خصائص البلازم مشابهة لخصائص الحالة الصلبة وتكون ما يسمى ببلورات كولوم. وعندما تكون قيمة  $\Gamma$  معنونة تبدو خصائص البلازم المغبرة وكأنها بحالة سائلة.

### 3 - شروط التعادل في البلازم المغبرة:

ان وجود حبات غبار مشحونة في البلازم كصنف ثالث فضلا عن الإلكترونات والأيونات بإمكانها ان تغير من مواصفات البلازم ما بسبب القيمة غير الاعتيادية لشحنته الى كتلتها، ان حبيبات الغبار بإمكانها تجميع الإلكترونات والأيونات معاً ولكن لأن الإلكترونات بإمكانها التحرك بانسيابية اكبر من الأيونات، فان الحبيبات تميل لأن تكتسب شحنة سالبة. وبالنتيجة فان توازن الشحنة سوف يتغير، بحيث ان شرط التعادل في البلازم بوجود حبيبات مشحونة سالبة يصبح:

$$n_i = n_e + Z n_d \quad (2)$$

اذ  $n_d$  هي كثافة الأيونات ، الإلكترونات ، حبيبات الغبار على التوالي. و  $Z = q_e / e$  هي النسبة بين شحنة الحبيبة ( $q_d$ ) إلى شحنة الإلكترون

ان وجود غبار مشحون يمكن ان يكون له تأثير كبير على خصائص الأمواج الاعتيادية للبلازم، وحتى في الترددات التي لا تشتراك فيها حبيبات الغبار في حركة الموجة. وعند الأخذ بنظر الاعتبار الترددات التي تقل بكثير عن الترددات المميزة لـ الإلكترونات وأيونات البلازم فان أنماطا جديدة من الترددات ستظهر في علاقة التشتت المشتقة من المعادلات الحاكمة في البلازم المغبرة على ثلاثة أصناف وهي الإلكترونات والأيونات وحبيبات الغبار، وبعض من هذه الأنماط مشابهة الى حد ما للأنماط المعروفة في البلازم ذات الأيونات السالبة، مع فوارق مهمة تميز البلازم المغبرة.

### 4- الأمواج الإلكتروستاتيكية واطنة التردد في البلازم المغبرة

#### 4-1- علاقة التشتت:

إن علاقة التشتت الخطية للأمواج الإلكتروستاتيكية واطنة التردد في البلازم المغبرة المغمضة و يمكن اشتقاقها من مفهوم المائع المتعدد [D'Angelo, 1990] وتعنى بالترددات الواطنة هي الترددات المقاربة او الاقل من تردد الايون السايكلوتروني ( $\Omega_{ci}$ ) وتردد ايون البلازم ( $\omega_{pi}$ )، لفرض ان بلازم مكونة من ثلاثة عناصر موزعة بانتظام داخل مجال مغناطيسي منتظم متند باتجاه محور  $Z$  بالإحداثيات الكارتيزية. ولنفرض ان كتلة كل عنصر هي  $m_a$  ، وشحنته هي  $q_a$  ، ونسبتها الى

شحنة الإلكترون هي  $Z_a = q_a / e$  ، وكثافته تبلغ  $n_a$ ، ودرجة حرارته  $T_a$  وسرعته الحرارية  $(K_b T_a)^{1/2}$   $m_a$ . ولنفرض ان جميع حبيبات الغبار لها الكتلة نفسها  $m_d$  و الشحنة السالبة نفسها. ان عناصر البلازم الثلاثة يمكن وصفها بمعادلتي الاستمرارية والزخم الآتتين (Chen; 1988) :

تكون شحنة الحبيبة  $Q_d$  ثابتة عند درجة حرارة الغرفة  $T_d = 300K$  ، ويمكن ملاحظة ان  $\Gamma$  تصل الى القيمة الحرجة عندما تكون  $9.1 \times 10^5 m^{-3}$   $> N_d$  الشكل ( 3 ) يمثل تغير  $\Gamma$  كدالة لشحنة الحبيبة  $Q_d$  بثبات كثافة الحبيبات  $N_d$  وفي درجة حرارة الغرفة  $T_d=300K$ ، ويلاحظ ان  $\Gamma$  تصل الى قيمتها الحرجة عندما تكون قيمة الشحنة

$$7 \times 10^{-17} Q_d \geq Coul$$

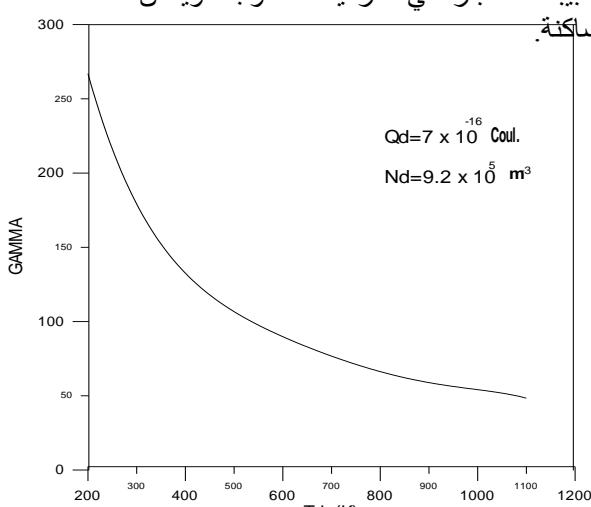
2- دراسة الترددات الواطنة في البلازما المغبرة

الشكل ( 4 ) يمثل تغير سرعة الطور لنط الغبار الصوتي DA كدالة لكمية الشحنة السالبة التي تحملها حبيبات الغبار لوحدة الحجم  $(\epsilon Z_d = 1 - n_e / n_i)$  ، ويلاحظ ان سرعة الطور تزداد بعلاقة غير خطية مع  $(\epsilon Z_d)$  ، وقيمتها قليلة جداً  $(10^{-3} m./sec)$   $3.2 \times 10^{-3} \times 4.4$  وهذا يعني انه عندما يكون الطول الموجي قصير  $(\sim 3 mm)$  تكون ترددات هذا النط قليلة جداً  $(9-13 Hz)$  ولذلك تشتراك حبيبات الغبار في حركيات الموجة. وهذا النط هو نط جديد لا يوجد في البلازما الاعتيادية ويظهر نتيجة وجود حبيبات الغبار السالبة في البلازما.

الشكل ( 5 ) يوضح تغير سرعة الطور لنط DIA كدالة لكمية الشحنة السالبة على الحبيبات ولا تشتراك حبيبات الغبار في حركيات الموجة لهذا النط.

الشكل ( 6 ) يمثل علاقة التشتت الخطية لنط EDC ويلاحظ انه للأطوال الموجية القصيرة

$(\lambda \sim 1 mm)$  يكون التردد قليلاً جداً  $(22 Hz)$  ففي هذا النط تشارك حبيبات الغبار في حركيات الموجة وهذا نط جديد في البلازما ناتج عن تأثير وجود حبات الغبار السالبة في البلازما كذلك الشكل ( 7 ) يوضح علاقة التشتت لنط EDIC ويلاحظ انه في الأطوال الموجية القصيرة  $(\lambda \sim 1mm)$  التردد يكون  $(\omega \sim 2.5 \times 10^7 Hz)$  وهي مقاربة للتتردد السايكلوتروني للايون  $(\Omega_{ci})$  ولهذا لا تشتراك حبيبات الغبار في حركيات الموجة ويمكن عدها سائكة.



الشكل (1) معامل ترابط كولوم كدالة لدرجة الحرارة

اـ  $C_{s,d}$  هي سرعة صوت الأيون المحور-الغبار dust-modified ion acoustic speed

بـ نمط الغبار الصوتي  $(\omega)$  DA-Dust Acoustic mode (DA)

وتردد هذا النمط قليل جداً، وتشترك فيه حبيبات الغبار في حركيات الموجة مباشرةً (Roa et al, 1990) وعلاقة التشتت لهذا النط هي :

$$\frac{\omega}{K_z} = \left[ \frac{K_b T_d}{m_d} + \epsilon Z_d^2 \frac{K_b T_i}{m_d} \frac{1}{1 + (T_i / T_e)(1 - \epsilon Z_d)} \right]^{1/2} = C_{DA} \quad (7)$$

اـ  $C_{DA}$  هي سرعة الغبار الصوتوية dust acoustic velocity

4-3- الأنماط السايكلوترونية  $(k_z \ll \omega)$  Cyclotron modes

تنتشر هذه الأنماط بصورة عمودية على اتجاه المجال المغناطيسي B تقريباً، وهي على نوعين:

- نمط سايكلوترون ايون غبار الالكترونيستاتيكي  $(\omega \sim \Omega_{ci})$

Electrostatic dust ion cyclotron mode (EDIC)

فعندما يكون تردد الموجة مقارباً لتردد الأيون السايكلوتروني  $(\Omega_{ci} \sim \omega)$  يمكن إهمال حركة حبيبات الغبار وعددها سائكة، وتصبح علاقة التشتت كما يأتي:

$$\omega^2 = \Omega_{ci}^2 + K_x^2 \left[ \frac{K_b T_i}{m_i} + \frac{K_b T_e}{m_i(1 - \epsilon Z_d)} \right] \quad (8)$$

بـ نمط سايكلوترون الغبار الالكترونيستاتيكي (EDC)

#### Electrostatic dust - cyclotron mode

في هذا النط يؤخذ بنظر الاعتبار حركيات حبيبات الغبار المغنة، وعلاقة التشتت هي:

$$\omega^2 = \Omega_{cd}^2 + K_x^2 \left[ \frac{K_b T_d}{m_d} + \epsilon Z_d^2 \frac{K_b T_i}{m_i} \frac{1}{1 + (T_i / T_e)(1 - \epsilon Z_d)} \right] \quad (9)$$

#### 5- أ- نموذج المحاكاة Simulation Model

تم إجراء المحاكاة على البلازما المكونة من أيونات البوتاسيوم  $(K^+)$  والإلكترونات، وفرضت درجة حرارة الإلكترونات  $(T_e = 2.5 eV)$  ، المحصوره في مجال مغناطيسي شدته  $(B=0.35 T)$  ، وقد استخدمت مادة سليكات الألمنيوم كغار داخلاها. ويترافق حجم حبيبات الغبار من جزء من المايكرون إلى عدة مايكرونات وعدد درجة حرارة حبيبات الغبار مساوية لدرجة حرارة الأيونات الموجة  $(T_i = T_d)$  ، وكلة حبيبات الغبار  $(T_i = T_d)$  ، وقد اعتمدت هذه القيم اعتماداً على ما جاء في المصدر (Ganguli et al, 2001)

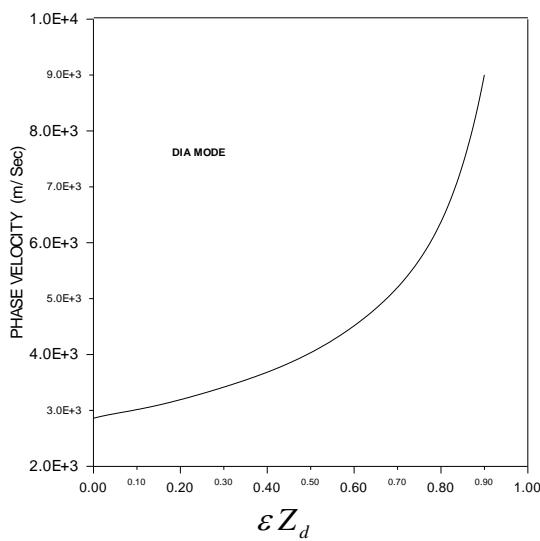
#### 6- المناقشة:

##### 1- دراسة معامل ترابط كولوم

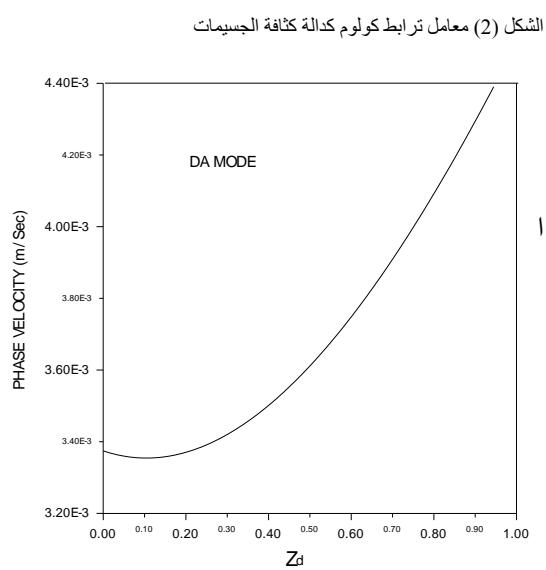
الشكل (1) يبين تغيير معامل ترابط كولوم  $\Gamma$  مع درجة الحرارة ويلاحظ إن العلاقة تتقاضس اسياً مع درجة الحرارة فتصل إلى قيمتها الحرجة  $(\sim 178)$  في درجة حرارة الغرفة تقريباً (300 K).

الشكل (2) يمثل تغير  $\Gamma$  كدالة لكثافة حبيبات الغبار  $N_d$  عندما  $Q_d = 7 \times 10^{-16}$  Coul.  $T_d = 300$

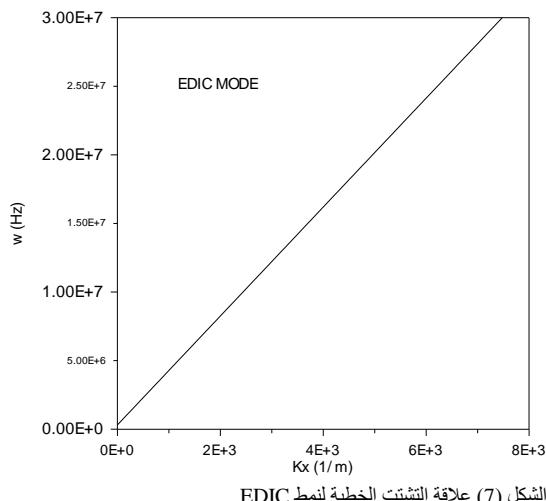
الشكل (3) معامل ترابط كولوم دالة لشحنة الجسيمة



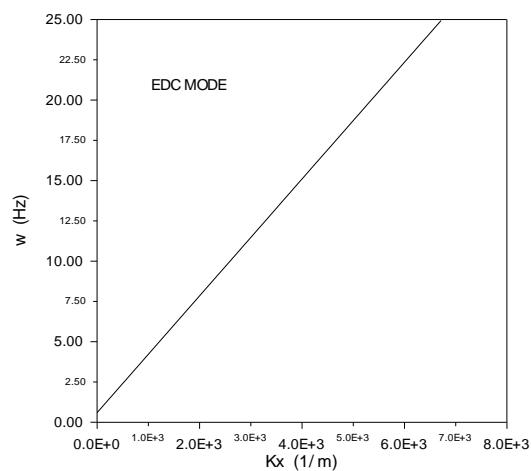
الشكل (5) سرعة الطور لنمط الغبار الصوتي DIA دالة لكمية الشحنة السالبة  
التي تحملها حبيبات الغبار لوحدة الحجم  $\epsilon Z_d$



الشكل (4) سرعة الطور لنمط الغبار الصوتي DA دالة لكمية الشحنة السالبة  
التي تحملها حبيبات الغبار لوحدة الحجم  $\epsilon Z_d$



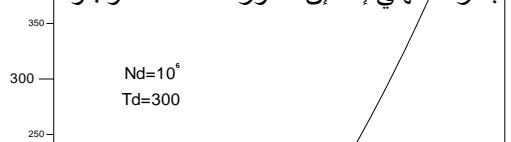
الشكل (7) علاقة التشتت الخطية لنمط EDIC



الشكل (6) علاقة التشتت الخطية لنمط

## 7 - ا الاستنتاجات:

رأينا من خلال بحثنا المختصر هذا كيف ان البلازما المغيرة تعد الحالة الأكثر عمومية للبلازما، فيمكن عن طريقها دراسة بلازما الفضاء والفالك والبلازما الصناعية والمخبرية. ان وجود حبيبات غبار سالبة الشحنة في البلازما يكون له تأثير كبير على أنماط البلازما فهي إما ان تدور الأنماط الموجودة كنمط



- 8- Kuo,F.S.Chinese 2000,"Numerical simulation of wave propagation in crystallized dusty plasmas: in one dimensional model" J. phys., August, 38(4):315-325.
- 9- MendisD.A.,Rosenberg M.,1994 , " Ionization Equilibria in Dusty Environements",Annu.Rev.Astron.Astroph. , 32(5):419-424.
- 10- Morfill G.E.,Thomas H.M.,1998, " Physics of Dusty Plasmas",p.184, AIP Conference Proceedings 446, Woodbrug, New York,p.431-435.
- 11- Northrop T.G.,1992," Conditions of Phase Transition in Dusty Plasma", Phys. Scripta, 45, 475
- 12- Oliver,B.Dietmar P.Alexandar, 2004 , "Study of Coulomb Parameter in Dusty Plasma",Physcal Review Letters, 93(16):92-98.
- 13- Rao N.N.,Shukla P.K.,Yu M.,1990 , "Low Frequency Waves in Dusty Plasma",Planet Space Sci.38(10) :543-546.
- 14- Salimullah M.,Salahuddin M,Mamun A.A.,1999,"Low Frequency Drift Wave Instabilities in a Magnetized Dusty Plasma",Astroph. Space Sci. ,262(3):215-222
- 15- Shukla P.K.,SilinV.P,1992," Dustion Acoustic Wave",Phys.Scripta,45 (8):508-513.
- 16- Spitzer L.,1978,"Physical Processes in the Interstellar Medium", Wily, New York, pp.157-162.

آيون الغبار الصوتي (DIA) ونمط سايكلوترون آيون غبار الالكترونيكي EDIC واما ان تظهر انماط جديدة مثل نمط الغبار الصوتي DA ، ونمط سايكلوترون الغبار الالكترونيكي EDC. ان الانماط الجديدة هي انماط ذات اطوال موجية قصيرة (عدة مليمترات) وترددات قليلة جداً (عدة ذبذبات) ولاشراك حبيبات الغبار في حرفيات امواج هذه الأنماط.

### المصادر

- 1- Anderson H.M.,Badovanov S.B., 1995 "Low Frequency Waves in Dusty Plasmas",J.National Inst.Standard Tech. ,100(4):46-49.
- 2- D'Angelo N.,1990,"Dusty Plasma Studies in the Gaseous Electronic Conference Reference cell",Planet Space Sci. ,38(19):126-131.
- 3- Chen F.F.,1988,"Introduction to Plasma Physics and Controlled Fusion "2<sup>nd</sup> eddition,Plenum press,New York, p.273.
- 4- Ganguli G.,Merlino R.,Sen A.,2001 , "Oscillation in a Dusty Plasma Medium",Washington .
- 5- Bliokh P,Sinitsn V,Yaroshenko V ,1995,"Dusty and Self Gravitational Plasmas in space",Kluwer,Dordrecht ,p.37.
- 6- Goertz G. K.,1989,"dusty plasma in the solar system",Rev.Geophys., 27 (271):57-59.
- 7- Ikezi H.,1986,"Coulomb solid of small particles in plasmas",Phys. Fluids, 29(7): 1764-1768.

## Proparyation of Low frequency microwave in dusty Plasma

**H.H.Murbat**

### Abstract

The numerical simulation for the low frequency waves in dusty plasma has been studied. The studying was done by taking two special cases depending on the direction of the propagation of the wave:First, when the propagation is parallel to the magnetic field  $K//B$ ,this mode is called acoustic mode.Second,when  $K \perp B$  this mode is called cyclotron mode.In addition, every one of the two modes divided into two modes depending on the range of the frequency.The Coulomb coupling parameter  $\Gamma$  was studied, with temperature  $T$ ,density of the dust particles  $N_d$ ,and the charge of the particle  $Q_d$ .The low frequency electrostatic waves in dusty grains were studied. Also, the properties of ion-acoustic waves and ion-cyclotron waves are shown to modify even through the dust grains do not participate in the wave dynamics. If the dust dynamics induced in the analysis, new "dust modes" appear.